

## 6. PNK-Übungsblatt

### Aufgabe 18 Die Klasse der Brüche

Verwenden Sie die Klasse der Brüche aus der Übung.

- a) Erweitern Sie die Klasse so, dass bei negativen Zahlen immer das Minus im Zähler steht.
- b) Erweitern Sie die Klasse so, dass die Null immer ohne Vorzeichen und ohne Nenner ausgegeben wird.
- c) Testen und erklären Sie was passiert, wenn Sie „verbotene Dinge“ verlangen, wie z.B. die Division durch Null.

### Aufgabe 19 Die Klasse der Neuronalen Netze

Für die Implementierung eines Prototyps eines Neuronalen Netzes haben wir uns auf folgende vereinfachende Randbedingungen geeinigt:

- Der Typ des neuronalen Netzes ist Multilayer Perceptron (mlp).
  - Vorerst reicht ein Netz ohne versteckte Schicht und mit jeweils zwei Ein- und Ausgabeneuronen.
  - Es existieren Kanten zwischen allen Knoten benachbarter Schichten.
  - Als Aktivierungsfunktion genügt die Stufenfunktion. Als Ausgabefunktion wird die Identität verwendet. Es sollen zunächst nur binäre und noch keine reellwertigen Probleme gelöst werden.
  - Die Initialisierung der Kantengewichte erfolgt zufällig.
  - Die Lernrate ist  $\eta = 0.2$
  - Als Lernverfahren soll Backpropagation mit Gradientenabstieg und Online-Training verwendet werden.
- a) Implementieren Sie die Funktion zum Erstellen eines neuronalen Netzes (`__init__`).
  - b) Implementieren Sie die Funktion zum Ausgeben der Parameter und der Gewichtsmatrizen eines neuronalen Netzes (`__str__`).
  - c) Implementieren Sie die Funktion zum Bestimmen der Ausgabe für eine feste Eingabe (`predict`).
  - d) Testen Sie Ihre Implementierung durch beispielhaftes Ausführen und manuelles Prüfen der Ergebnisse.
  - e) Planen Sie die Implementierung der Backpropagation des Fehlers der Ausgabeschicht.

- Welche Schwierigkeiten erwarten Sie?
- Sollten einige Randbedingungen nochmals geändert werden, um die Implementierung zu erleichtern?
- Welche für das Lernen wichtige Randbedingungen sind noch offen?

Hinweise:

Wenn Sie Spyder im „scientific“-Modus verwenden, ist dort standardmäßig der Import von mehreren Modulen und der darin enthaltenen Funktionen voreingestellt. Für die aktuelle Aufgabe sollte es reichen Zufallszahlen gleichverteilt im Intervall [0;1) durch die folgenden Kommandos zu erzeugen:

```
import numpy as np #einmalig zu Beginn der Programms
np.random.rand() #jedesmal, wenn Sie eine Zufallszahl zwischen 0 und 1 brauchen
```

Wenn Sie Zufallszahlen aus einem anderen Bereich zwischen a und b benötigen, so können Sie zum Beispiel die folgende Funktion verwenden:

```
def r(a,b):
    return a+np.random.rand()*(b-a)
```

Durch übergeben weiterer Parameter an die Funktion rand(), können Sie auch gleich mehrere Zufallszahlen erhalten. Wie das genau geht, steht in der Dokumentation beschrieben, die Sie zum Beispiel unter

<http://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/generated/numpy.random.rand.html>

einsehen können.

Dort können Sie auch nach weiteren hilfreichen Funktionen stöbern.